

При выполнении заданий с выбором ответа отметьте верные ответы.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

1. Вычислите $\frac{1}{\sqrt{2}-1} - \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$.

- 1) 3 2) 1 3) 0 4) 2

2. Упростите выражение $\frac{6c-c^2}{1-c} : \frac{c^2}{1-c}$ и найдите его значение при $c = 1, 2$.

- 1) 1 2) 4 3) 2 4) 1,2

3. Найдите значение выражения $2\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{6} \operatorname{ctg} \frac{5\pi}{6}$.

- 1) -3 2) 3 3) $3\sqrt{3}$ 4) -1

4. Данное выражение $-(3,5x - y) + 3(-2y + 0,5x)$ имеет стандартный вид

- 1) $2x - 5y$ 2) $-2x - 5y$ 3) $2x + 5y$ 4) $-2x - 7y$

5. Сумма корней квадратного уравнения $-3x^2 + 5x + 8 = 0$ равна

- 1) $\frac{1}{5}$ 2) $\frac{3}{5}$ 3) $\frac{5}{3}$ 4) $\frac{2}{3}$

6. Решите систему уравнений: $\begin{cases} 5x - 2y = 15, \\ -2x + y = -7. \end{cases}$

- 1) (3; 0) 2) (0; -7,5) 3) (1; 3) 4) (1; -5)

7. Найдите неопределённый интеграл $\int (x^5 + 2x^4 - x^3 + 3) dx$.

- 1) $\frac{x^6}{6} + \frac{2x^5}{5} - \frac{x^4}{4} + 3x + C$ 2) $\frac{x^6}{7} + \frac{2x^5}{5} - \frac{x^4}{4} + 3x + C$
 3) $\frac{x^6}{6} + \frac{2x^5}{5} - \frac{x^4}{4} - 3x + C$ 4) $\frac{x^6}{6} + \frac{2x^5}{5} + \frac{x^4}{4} + 3x + C$

8. Площадь боковой поверхности цилиндра равна 15π . Найдите объем V цилиндра, если известно, что радиус его основания больше высоты на 3,5. В ответ запишите значение выражения $\frac{6 \cdot V}{\pi}$.

- 1) 225 2) 196 3) 250 4) 200

9. Решите систему неравенств: $\begin{cases} (x-1)(x-8) > 0, \\ x^2 - 6x + 8 \geq 0. \end{cases}$

- 1) $(-\infty; 1) \cup (8; +\infty)$ 2) $(-\infty; 2] \cup [4; +\infty)$ 3) $(-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$
 4) $[2; 4]$

10. Решите уравнение: $\cos\left(4x + \frac{\pi}{3}\right) = 1$.

- 1) 2) $\frac{\pi}{8} + \pi k$ 3) $-\frac{\pi}{12} + \frac{\pi k}{2}$ 4) $\frac{\pi}{12} + \frac{\pi k}{2}$

11. Найдите первообразную функции $f(x) = 3(1 - 3x)(4x + 5)$, проходящую через точку (3; 6).

1) $12x^3 - \frac{33x^2}{2} + 15x + 433,5$ 2) $-12x^3 - \frac{33x^2}{2} + 15x + 433,5$
 3) $-12x^3 - \frac{33x^2}{2} + 433,5$ 4) $12x^3 - \frac{33x^2}{2}$

12. Решите неравенство: $\frac{3x+9}{3-x} \geq 0$.

- 1) $(-\infty; -3) \cup [3; +\infty)$ 2) $[-3; 3)$ 3) $(-3; 3)$ 4) $(-3; 3]$

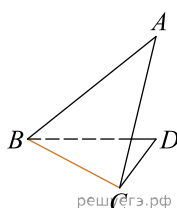
13. Найдите площадь треугольника со сторонами 9, 40, 41.

- 1) 360 2) 120 3) 180 4) 240

14. Вычислите $\int_1^4 \sqrt{x} \left(3 - \frac{7}{x}\right) dx$.

- 1) $\frac{7}{3}$ 2) 3 3) 1 4) 0

15. Отрезок AD перпендикулярен плоскости (BCD) . Прямая BC — общее ребро плоскостей (BAC) и (BDC) . Перпендикуляр, опущенный из точки A на ребро BC равен $2a$, а перпендикуляр опущенный из точки D на ребро BC равен a , тогда угол между плоскостями равен



- 1) 90° 2) 70° 3) 45° 4) 60°

16. Найдите сумму корней (корень, если он единственный) уравнения $\sqrt{x^2 + 3x} + \sqrt{1-x} = \sqrt{12-x} + \sqrt{1-x}$.

- 1) -6 2) -4 3) -1 4) 2

17. Решите систему неравенств:
$$\begin{cases} 5^{x^2-2x} \leq 125, \\ \left(\frac{1}{7}\right)^{2x^2-3x} \geq \frac{1}{49}. \end{cases}$$

- 1) $(-1; 3]$ 2) $\left[-\frac{1}{2}; 2\right)$ 3) $\left[-\frac{1}{2}; 2\right]$ 4) $\left[-\frac{1}{2}; 3\right)$

18. Найдите площадь фигуры, ограниченной параболом: $y = x^2 + 1$, $y = x^2 - 1$, $-10 \leq x \leq 10$.

- 1) 10 2) 40 3) 20 4) 80

19. Картинка имеет форму прямоугольника со сторонами 24 см и 38 см. Её наклеили на бумагу так, что вокруг картинки получилась окантовка одинаковой ширины. Площадь, которую занимает картинка с окантовкой, равна 1976 см^2 . Какова ширина окантовки?



- 1) 6 2) 9 3) 4 4) 7

20. Между числами $A = 6$ и $B = \frac{1}{2}$ вставьте положительное число C так, чтобы получилось три последовательных члена A , C и B геометрической прогрессии. Число C равно

- 1) $\frac{1}{3}$ 2) $\sqrt{3}$ 3) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 4) 3

21. Найдите координаты вектора $\vec{a}$, если $\vec{a} = 4\vec{p} + \vec{i}$, $\vec{p} = (5; -2)$, $\vec{i} = (-7; 3)$.

- 1) (12; -5) 2) (13; -5) 3) (10; -2) 4) (11; -4)

22. Упростите выражение $\sqrt{(x+1)^2} - 3$, при $x > -1$.

- 1) $-x - 4$ 2) $x - 2$ 3) $-x - 2$ 4) $x - 4$

23. Решите уравнение $\log_2 \log_3(x+1) = 2$.

- 1) 27 2) 26 3) 80 4) 81

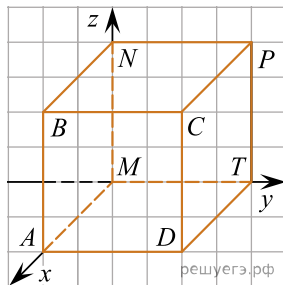
24. Решите неравенство $2^{x+3} + 2^{x-1} > 34$.

- 1) $(4; +\infty)$ 2) $(2; +\infty)$ 3) $(3; +\infty)$ 4) $(-\infty; 2)$

25. Найти уравнение касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке с абсциссой x_0 , если $f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x$, $x_0 = 2$.

- 1) $y = -\frac{\ln 3}{9}x + \frac{1 - 2\ln 3}{9}$ 2) $y = -\frac{\ln 3}{9}x + \frac{2\ln 3}{9}$
 3) $y = -\frac{\ln 3}{9}x + \frac{1 + 2\ln 3}{9}$ 4) $y = \frac{\ln 3}{9}x + \frac{1 - 2\ln 3}{9}$

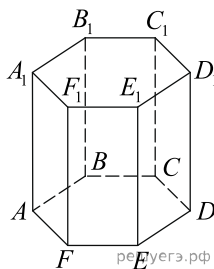
Для изготовления стальных дизайнерских шаров, завод получил заготовки в виде куба. Программная установка для обтачивания деталей требует ввода координат заготовки в трёхмерном пространстве. Программист вводит систему координат в вершину куба как показано на рисунке.



26. Определите координаты точки B.

- 1) (4; 4; 0) 2) (4; 0; 4) 3) (4; 4; 4) 4) (0; 4; 0)

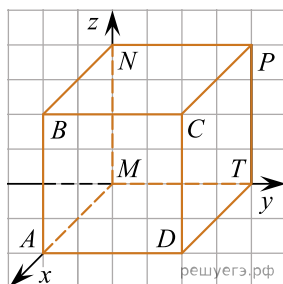
Учитель дал домашнее практическое задание по геометрии. Сделать макет призмы и составить к ним задания. Самат подготовил макет правильной шестиугольной призмы со стороной основания равной 1, а боковое ребро 2 и составил следующие задания.



27. Определите длину полученного вектора.

- 1) $\sqrt{5}$ 2) $\sqrt{2}$ 3) $\sqrt{3}$ 4) $\sqrt{6}$

Для изготовления стальных дизайнерских шаров, завод получил заготовки в виде куба. Программная установка для обтачивания деталей требует ввода координат заготовки в трёхмерном пространстве. Программист вводит систему координат в вершину куба как показано на рисунке.



28. Определите координаты точки C.

- 1) (4; 0; 0) 2) (0; 4; 0) 3) (4; 4; 0) 4) (4; 4; 4)

29. Определите координаты центра шара вписанного в данный куб.

- 1) (2; 2; 2) 2) (2; 0; 2) 3) (2; 0; 0) 4) (0; 2; 0)

30. Для изготовления детали в форме шара составьте его уравнение.

- 1) $(x+2)^2 + (y+2)^2 + (z+2)^2 = 4$
 2) $(x+2)^2 + (y+2)^2 + (z+2)^2 = 2$
 3) $(x-2)^2 + (y-2)^2 + (z-2)^2 = 2$
 4) $(x-2)^2 + (y-2)^2 + (z-2)^2 = 4$

31. Функция задана уравнением $y = \cos x - 4$. Установите соответствие между наибольшим и наименьшим значениями функции и их числовыми значениями.

- А) Наибольшее значение функции
 Б) Наименьшее значение функции

- 1) -3
 2) -5
 3) -1
 4) 3

32. Три окружности радиусами 2 каждая попарно касаются внешним образом. Установите соответствие между длиной стороны треугольника, образованного центрами окружностей, его площадью и их числовыми значениями.

- А) Длина стороны треугольника
 Б) Площадь треугольника

- 1) $4\sqrt{3}$
 2) 2
 3) 16
 4) 4

33. Найдите два натуральных числа a и b , отношение которых равно 2, а отношение суммы их квадратов к их сумме равно 5. Установите соответствия:

- А) Число a принадлежит промежутку
 Б) Число b принадлежит промежутку

- 1) [3; 5)
 2) (0; 1)
 3) (5; 6]
 4) (6; 8)

34. Даны уравнения $x^2 + 8x - 9 = 0$ и $2^{x+1} = 32$. Установите соответствия:

- А) Каждое число является корнем хотя бы одного из уравнений
 Б) Ни одно из чисел не является корнем уравнений

- 1) -9, 3, 1
 2) -1, 0, 2
 3) -9, 4, 1
 4) 7, 8, 9

35. В арифметической прогрессии (a_n) третий член равен 20, разность прогрессии $d = -3,2$. Установите соответствие между выражением и его числовым значением.

- А) a_1
Б) S_6

- 1) 100,8
2) 110,4
3) 26,4
4) 16,8

36. Выберите промежутки, в которые входит приближенное значение величины угла 30° , выраженного в радианах.

- 1) $[0; 1)$ 2) $(100; 1000]$ 3) $(0,75; 7]$ 4) $(0; 0,0615]$
5) $(0,5; +\infty)$ 6) $[0; +\infty)$

37. Найдите значение выражения $\operatorname{tg} 225^\circ \cos 330^\circ \operatorname{ctg} 120^\circ \sin 240^\circ$.

- 1) $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ 2) $\frac{3\sqrt{3}}{4}$ 3) $\frac{3\sqrt{3}}{8}$ 4) $-\frac{3\sqrt{3}}{8}$ 5) $-\frac{3\sqrt{3}}{4}$
6) $\frac{\sqrt{3}}{4}$

38. Дана последовательность натуральных чисел, меньших 170, дающих остаток 1 при делении на 19. Выберите верные утверждения.

- 1) Сумма всех чисел равна 690. 2) Таких чисел 8.
3) Сумма всех чисел равна 695.
4) Разность двух рядом стоящих чисел равна 18.
5) Разность между первым и последним числом равна 150.
6) Сумма всех чисел равна 692.

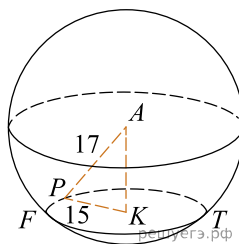
39. Решите систему

$$\begin{cases} 9 \cdot 5^x + 7 \cdot 2^{x+y} = 457, \\ 6 \cdot 5^x - 14 \cdot 2^{x+y} = -890. \end{cases}$$

В ответе укажите значение выражения $2x + y$.

- 1) $\frac{1}{6}$ 2) $\sqrt{36}$ 3) 7 4) 0 5) $\sqrt{49}$ 6) 6

40. Точка A — центр шара. По данным рисунка найдите площадь сферической части меньшего шарового сегмента.



- 1) 306π 2) $\frac{200}{3}\pi$ 3) $\frac{500}{3}\pi$ 4) 208π 5) $\frac{100}{3}\pi$
6) 108π