

При выполнении заданий с выбором ответа отметьте верные ответы.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

1. Упростите числовое выражение  $\sqrt[4]{6 - 2\sqrt{5}} \cdot \sqrt[4]{6 + 2\sqrt{5}}$ .

- 1) 1    2) 2    3) 0    4)  $\sqrt[4]{2}$

2. Найдите значение выражения  $a^{12} \cdot (a^{-4})^4$  при  $a = -\frac{1}{2}$ .

- 1) 8    2) 32    3) 4    4) 16

3. Вычислите:  $\cos(2\arctg(-1))$ .

- 1) -1    2) 0    3)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$     4)  $\frac{1}{2}$

4. Преобразуйте выражение  $x^2 + 4x + 2$ , выделив полный квадрат.

- 1)  $(x - 2)^2 - 2$     2)  $(x + 3)^2 - 7$     3)  $(x + 1)^2 + 1$     4)  $(x + 2)^2 - 2$

5. Решите уравнение:  $|2x - 1| = 4$ .

- 1) 1    2) 1,5    3) 0    4) 2,5; -1,5

6. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} 2x - 3y = -1, \\ \frac{y}{x} = 0,75. \end{cases}$

- 1) (1; 5)    2) (0; -7)    3) (4; 3)    4) (3; 4)

7. Найдите неопределённый интеграл  $\int \frac{x^4 + x^3 + x - 3}{x^2 + 1} dx$ .

- 1)  $\frac{1}{6}x(2x^2 + 3x - 6) - 3 \operatorname{arctg} x + C$     2)  $\frac{1}{6}x(2x^2 + 3x - 6) - 2 \operatorname{arctg} x + C$     3)  $-\frac{1}{6}x(2x^2 - 3x - 6) - 2 \operatorname{arctg} x + C$   
4)  $\frac{1}{6}x(2x^2 + 3x - 6) + 2 \operatorname{arctg} x + C$

8. Найдите радиус основания цилиндра, разверткой боковой поверхности которой является квадрат со стороной 8.

- 1)  $\frac{8}{\pi}$     2)  $\frac{4}{\pi}$     3)  $4\pi$     4)  $2\pi$

9. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 2(x - 1) \geqslant 4(1 - 3x), \\ x + 5 > 0. \end{cases}$

- 1)  $x > \frac{3}{7}$     2)  $x \geqslant \frac{3}{7}$     3)  $x \leqslant -5$     4)  $x \geqslant -5$

10. Решите уравнение  $\cos^2 x + 4 \cos x - 5 = 0$  и найдите его корни на  $x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$

- 1)  $\frac{\pi}{2}$     2)  $\pi$     3) 0    4)  $-\frac{\pi}{2}$

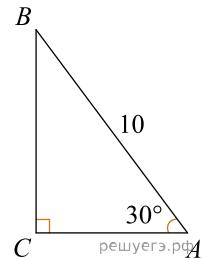
11. Найдите первообразную функции  $f(x) = \frac{3x^3 + 2x^2}{x^2}$ , проходящую через точку  $(-1; 3)$ .

- 1)  $\frac{3}{2}x^2 + 2x$     2)  $\frac{3}{2}x^2 - 2x + \frac{7}{2}$     3)  $\frac{3}{2}x^2 + 2x + \frac{7}{2}$     4)  $\frac{3}{2}x^3 - 2x + \frac{7}{2}$

12. Решите неравенство  $2(x - 1) + 3 > x$ .

- 1)  $(-1; +\infty)$     2)  $(-0,5; +\infty)$     3)  $(1; +\infty)$     4)  $(-\infty; -1)$

13. Используя чертеж, вычислите площадь треугольника  $ABC$ .



- 1)  $\frac{25\sqrt{3}}{2}$     2)  $25\sqrt{3}$     3)  $\frac{5\sqrt{3}}{2}$     4)  $\frac{15\sqrt{3}}{2}$

14. Вычислите  $\int_3^6 \frac{8x-1}{\sqrt{x}} dx$ .

- 1)  $5 \cdot 6^{\frac{1}{2}} - 14\sqrt{3}$     2)  $5 \cdot 6^{\frac{3}{2}} - 8\sqrt{3}$     3)  $5 \cdot 6^{\frac{3}{2}} - 14\sqrt{3}$     4)  $5 \cdot 6^{\frac{5}{2}} - 14\sqrt{3}$

15. Объем правильной четырехугольной пирамиды равен  $400 \text{ см}^3$ , высота равна 12 см. Определите полную поверхность пирамиды.

- 1)  $360 \text{ см}^2$     2)  $250 \text{ см}^2$     3)  $260 \text{ см}^2$     4)  $460 \text{ см}^2$

16. Решите уравнение  $\sqrt{2x+3} - \sqrt{x+3} = 0$ .

- 1) -1    2) 0    3) 3    4) -2

17. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} 3\sqrt{x} - 2\sqrt{y} = 6, \\ 2\sqrt{x} + 5\sqrt{y} = 23. \end{cases}$

- 1) (9; 16)    2) (16; 1)    3) (16; 9)    4) (1; 16)

18. Найдите площадь фигуры, ограниченной параболами:  $y = (x+2)^2$ ,  $y = -(2-x)^2$ ,  $-2 \leq x \leq 2$ .

- 1) 128    2)  $\frac{256}{3}$     3)  $\frac{128}{3}$     4)  $\frac{64}{3}$

19. Внутренний угол правильного многоугольника равен  $172^\circ$ . Количество сторон данного многоугольника равно

- 1) 24    2) 45    3) 18    4) 36

20. Найдите  $q$  данной геометрической прогрессии: 54; 36;...

- 1)  $\frac{1}{2}$     2)  $\frac{1}{3}$     3)  $\frac{3}{2}$     4)  $\frac{2}{3}$

21. В кубе  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  рёбра которого равны 2, вычислите скалярное произведение векторов  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$  и  $\overrightarrow{DD_1} - \overrightarrow{DC}$ .

- 1) -4    2) 3    3) 4    4) 9

22. Упростите выражение:  $\frac{a^4 \cdot a^{-7}}{(a^2)^{-4}}$ .

- 1)  $a^{-5}$     2)  $a^3$     3)  $a^{-2}$     4)  $a^5$

23. Решите уравнение  $\log_5(x-8)^2 = 2 + 2\log_5(x-2)$ .

- 1)  $\frac{1}{2}$     2) 3    3) 6    4)  $\frac{1}{4}$

24. Решите неравенство  $\log_{\frac{1}{3}}(x^2 + 4x + 12) > -2$ .

- 1) (1; 3)    2)  $(-\infty; -3) \cup (-1; +\infty)$     3)  $(-3; -1)$     4)  $(-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$

25. Найти уравнение касательной к графику функции  $y = f(x)$  в точке с абсциссой  $x_0$ , если  $f(x) = 3x^3 + 2x^2 - x + 1$ ,  $x_0 = -5$ .

- 1)  $y = 204x + 5$     2)  $y = 204x + 701$     3)  $y = -204x + 701$     4)  $y = 204x - 319$

На столе лежат карточки, на которых записаны числа 1; 2; 3; 4; 5. Марат наугад взял три из них.

**26.** Какова вероятность того, что произведение чисел, записанных на карточках, которые вытянул Марат, будет заканчиваться цифрой 0?

- 1) 0,7    2) 0,6    3) 0,1    4) 0,5

**27.** Какова вероятность, что сумма чисел, записанных на карточках, которые вытянул Марат, меньше 10?

- 1) 0,9    2) 0,1    3) 0,3    4) 0,6

**28.** Какова вероятность, что объем прямоугольного параллелепипеда, стороны которого равны числам, записанным на карточках, которые вытянул Марат, будет кратным 2?

- 1) 0,1    2) 0,3    3) 0,9    4) 0,5

**29.** Какова вероятность того, что Марат сможет построить прямоугольный треугольник, стороны которого равны числам, записанных на выбранных им карточках?

- 1) 0,6    2) 0,1    3) 0,5    4) 0,3

**30.** Какова вероятность, что Марат сможет построить треугольник, стороны которого равны числам, записанным на вытянутых им карточках?

- 1) 0,7    2) 0,3    3) 0,1    4) 0,6

**31.** Квадратичная функция задана уравнением  $y = (x + 2)^2 - 1$ . Установите соответствие между нулями функции и координатами вершины параболы.

- A) Нули функции  
Б) Координаты вершины параболы

- 1) (2; -1)  
2) {3; 2}  
3) {-3; -1}  
4) (-2; -1)

**32.** Радиус описанной около правильного треугольника окружности равен 2. Установите соответствие между длиной стороны треугольника, его площадью и их числовыми значениями.

- A) Длина стороны треугольника  
Б) Площадь треугольника

- 1)  $4\sqrt{3}$   
2)  $3\sqrt{3}$   
3) 6  
4)  $2\sqrt{3}$

**33.** Представьте в виде многочлена выражение  $(x - 2)^4$ . Установите соответствия между коэффициентом при  $x^3$ , коэффициентом при  $x$  и числовым промежуткам, которым они принадлежат.

- A) Коэффициент при  $x^3$   
Б) Коэффициент при  $x$

- 1) (-8; 1)  
2) (-10; -7)  
3) (-40; -30)  
4) (10; 21)

**34.** Даны уравнения  $x^2 + 8x - 9 = 0$  и  $2^{x+1} = 32$ . Установите соответствия:

- A) Каждое число является корнем хотя бы одного из уравнений  
Б) Ни одно из чисел не является корнем уравнений

- 1) -9, 3, 1  
2) -1, 0, 2  
3) -9, 4, 1  
4) 7, 8, 9

**35.** В арифметической прогрессии  $(a_n)$  известно, что  $a_2 - a_5 = 7,8$  и  $a_3 = -1,8$ . Установите соответствие между выражением и его числовым значением.

- A)  $d$   
Б)  $a_1$

- 1) -3,9  
2) -2,6  
3) 6  
4) 3,4

**36.** Среди натуральных чисел от 32 до 42 включительно выберите те числа, которые имеют больше 5 делителей (кроме 1 и самого числа).

- 1) 33    2) 42    3) 32    4) 40    5) 34    6) 36

**37.** Найдите значение выражения  $\sin 12^\circ \cos 18^\circ + \cos 12^\circ \sin 18^\circ$ .

- 1)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     2) 0    3) 1    4)  $\frac{1}{2}$     5)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$     6) 2

**38.** Сумма трех данных чисел, составляющих арифметическую прогрессию, у которой разность больше нуля, равна 15. Если к этим числам прибавить соответственно 1, 4 и 19, то полученные числа составляют первые три члена геометрической прогрессии. Данные три числа равны:

- 1) 5      2) 8      3) 11      4) 14      5) 2      6) 7

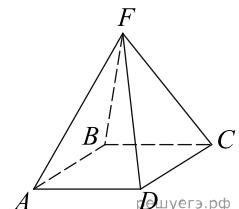
**39.** Решите систему, содержащую иррациональное уравнение

$$\begin{cases} 2x + y = 2, \\ 2(y - 1) = \sqrt{10x^2 - xy - 2y^2}. \end{cases}$$

В ответе запишите значение выражения  $2x + y$ .

- 1) 2      2) 3      3)  $\sqrt{4}$       4)  $\frac{5}{2}$       5) -1      6) 0

**40.** В правильной четырехугольной пирамиде  $ABCDF$  все ребра равны 1. Найдите значение угла между ребром  $FD$  и плоскостью основания.



- 1)  $45^\circ$       2)  $\frac{\pi}{6}$       3)  $\frac{\pi}{3}$       4)  $\frac{\pi}{4}$       5)  $60^\circ$       6)  $\frac{\pi}{2}$