

Задания 30 (1 часть, формат 2024)

При выполнении заданий с выбором ответа отметьте верные ответы.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

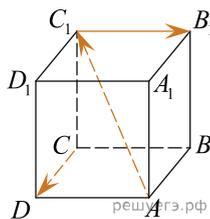
1. Даны векторы $\vec{a}\{4; 3\}$, $\vec{b}\{8; -10\}$, $\vec{c}\left\{-4; \frac{23}{3}\right\}$. Разложите вектор \vec{c} по векторам \vec{a} и \vec{b} .

- 1) $\vec{c} = \frac{1}{3}\vec{a} - \frac{2}{3}\vec{b}$ 2) $\vec{c} = \frac{4}{3}\vec{a} - \frac{7}{3}\vec{b}$ 3) $\vec{c} = -\frac{2}{3}\vec{a} - \frac{1}{3}\vec{b}$
 4) $\vec{c} = \frac{2}{3}\vec{a} - \frac{2}{3}\vec{b}$

2. Даны векторы $\vec{a}(5; 3; 1)$, $\vec{b}(4; -1; 0)$. Найдите координаты вектора \vec{m} , если $\vec{m} = \vec{a} - 2\vec{b}$.

- 1) $\vec{m}(-3; 5; 1)$ 2) $\vec{m}(-3; -3; 1)$ 3) $\vec{m}(4; 2; -1)$
 4) $\vec{m}(5; -2; 1)$

3. Используя данные рисунка найдите сумму векторов $\vec{C_1B_1} + \vec{CD} + \vec{AC_1}$.



- 1) \vec{AD} 2) $\vec{A_1B_1}$ 3) $\vec{BC_1}$ 4) $\vec{BB_1}$

4. Найдите расстояние от точки $A(1; 2; 3)$ до плоскости, заданной уравнением $2x + y + 2z = 4$.

- 1) 4 2) $\frac{1}{9}$ 3) 0,5 4) 2

5. Даны векторы $\vec{a}(5; 3)$, $\vec{b}(4; -1)$. Найдите модуль разности векторов \vec{p} и \vec{q} , если $\vec{p} = \vec{a} + \vec{b}$ и $\vec{q} = \vec{a} - \vec{b}$.

- 1) $\sqrt{15}$ 2) $2\sqrt{15}$ 3) $2\sqrt{17}$ 4) $3\sqrt{7}$

6. На прямой последовательно расположены на равном расстоянии точки C , D , E , F и K . Найдите координаты точки K , если $D(-8; 3)$ и $E(1; 5)$.

- 1) $(11; 5)$ 2) $(14; 8)$ 3) $(19; 1)$ 4) $(19; 9)$

7. Даны координаты точек: $A(1; -1; -4)$, $B(-3; -1; 0)$, $C(-1; 2; 5)$, $D(2; -3; 1)$. Найдите косинус угла векторами \vec{AB} и \vec{CD} .

- 1) $-\frac{3}{10}$ 2) $\frac{3}{10}$ 3) 0,3 4) -0,7

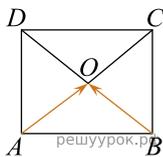
8. Даны точка $A(3; 5; -1)$ и точка $B(-2; 4; -3)$. Найдите длину вектора \vec{AB} .

- 1) $\sqrt{30}$ 2) $\sqrt{31}$ 3) $\sqrt{120}$ 4) $\sqrt{5}$

9. Найдите x и y , если известно, что векторы $\vec{c} = (-2; y; -1)$ и $\vec{d} = (4; 5; x)$ коллинеарны. Выберите промежутки, в которые входят соответствующие значения x и y одновременно.

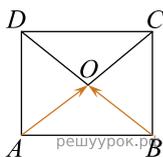
- 1) $(5; 6, 5]$ 2) $(1; 5, 75)$ 3) $[-2, 5; 7]$ 4) $(-2, 5; 7]$

10. На рисунке изображен прямоугольник $ABCD$. Найдите длины векторов: $\vec{AO} + \vec{BO}$, $\vec{AO} - \vec{BO}$, $\vec{AD} - \vec{AB}$, если $AB = 8, BC = 6$.



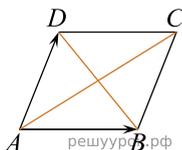
- 1) 6, 7, 10 2) 6, 8, 10 3) 6, 9, 10 4) 5, 8, 12

11. На рисунке изображен прямоугольник $ABCD$. Найдите длины векторов: $\vec{AO} + \vec{BO}$, $\vec{AO} - \vec{BO}$, $\vec{AD} - \vec{AB}$, если $AB = 12, BC = 5$.



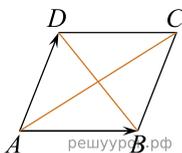
- 1) 5, 12, 13 2) 12, 5, 13 3) 5, 7, 11 4) 12, 13, 8

12. На рисунке изображен ромб $ABCD$. Найдите длины векторов: $\vec{AB} + \vec{AD}$, $\vec{AB} - \vec{AD}$, $\vec{AB} - \vec{AC}$, если $DB = 10, AC = 24$.



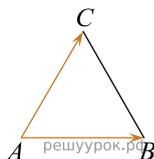
- 1) 6, 13, 24 2) 24, 7, 13 3) 19, 10, 16 4) 24, 10, 13

13. На рисунке изображен ромб $ABCD$. Найдите длины векторов: $\vec{AB} + \vec{AD}$, $\vec{AB} - \vec{AD}$, $\vec{AB} - \vec{AC}$, если $DB = 12, AC = 16$.



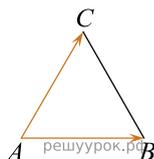
- 1) 16, 10, 12 2) 16, 12, 10 3) 11, 16, 10 4) 12, 16, 8

14. На рисунке изображен равносторонний треугольник ABC . Найдите длины векторов $\vec{AB} - \vec{AC}$ и $\vec{AB} + \vec{AC}$, если стороны треугольника равны $2\sqrt{3}$.



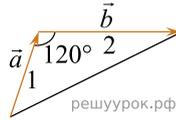
- 1) $2\sqrt{3}, 6$ 2) $\sqrt{3}, 6$ 3) $\sqrt{3}, 5$ 4) $3\sqrt{3}, 6$

15. На рисунке изображен равносторонний треугольник ABC . Найдите длины векторов $\vec{AB} - \vec{AC}$ и $\vec{AB} + \vec{AC}$, если стороны треугольника равны $9\sqrt{3}$.



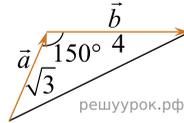
- 1) $9\sqrt{3}, 9$ 2) $10\sqrt{3}, 25$ 3) $9\sqrt{3}, 27$ 4) $9\sqrt{3}, 21$

16. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



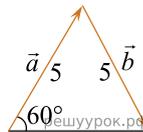
- 1) 7 2) $2\sqrt{2}$ 3) $\sqrt{6}$ 4) $\sqrt{7}$

17. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



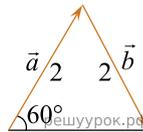
- 1) 6 2) $\sqrt{31}$ 3) 5 4) $\sqrt{30}$

18. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



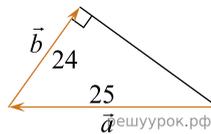
- 1) 4 2) 6 3) 5 4) 3

19. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



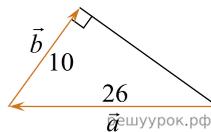
- 1) 6 2) 3 3) 2 4) 8

20. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



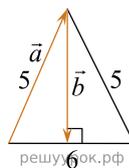
- 1) 24 2) 6 3) 7 4) 11

21. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



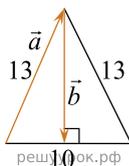
- 1) 27 2) 26 3) 24 4) 25

22. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



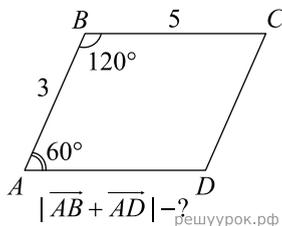
- 1) 6 2) 3 3) 2 4) 4

23. Найдите $|\vec{a} + \vec{b}|$:



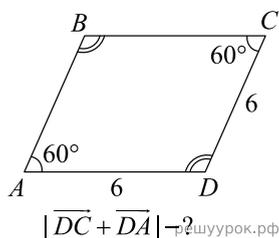
- 1) 4 2) $\sqrt{36}$ 3) 3 4) 5

24. Найдите длины сумм и разностей векторов по данным рисунка.



- 1) 5 2) 6 3) 8 4) 7

25. Найдите длины сумм и разностей векторов по данным рисунка.



- 1) 6 2) 4 3) 3 4) $\sqrt{25}$

26. Упростите суммы:

а) $\vec{AB} + \vec{DQ} + \vec{BC} + \vec{QE} + \vec{EA} + \vec{CD}$; б) $\vec{AB} + \vec{BA} + \vec{CD} + \vec{MN} + \vec{DC} + \vec{NM}$;

в) $\vec{FK} + \vec{MQ} + \vec{KP} + \vec{AM} + \vec{QK} + \vec{PF}$; г)

$\vec{MF} + \vec{AC} + \vec{FM} + \vec{CD} + \vec{PA} + \vec{MP}$.

- 1) а) $\vec{0}$; б) \vec{MN} ; в) \vec{AK} ; г) \vec{MD} 2) а) \vec{AD} ; б) $\vec{0}$; в) \vec{PF} ; г) \vec{MD}
 3) а) $\vec{0}$; б) \vec{AD} ; в) \vec{AK} ; г) \vec{MD} 4) а) $\vec{0}$; б) $\vec{0}$; в) \vec{AK} ; г) \vec{MD}

27. Упростите выражение: $\vec{MK} - (\vec{DE} + \vec{FC}) - \vec{BK} + (\vec{FE} + \vec{BC})$.

- 1) \vec{FE} 2) \vec{KD} 3) \vec{MB} 4) \vec{DC}

28. Упростите выражение: $\vec{AB} + \vec{BC} - \vec{MC} + \vec{MD} - \vec{KD}$.

- 1) \vec{AD} 2) \vec{BC} 3) \vec{AK} 4) \vec{MA}

29. Упростите выражение: $\vec{FC} + \vec{MD} - \vec{BE} - (\vec{EA} - \vec{BM}) + \vec{CA}$.

- 1) \vec{EB} 2) \vec{FA} 3) \vec{AD} 4) \vec{FD}

30. Упростите выражение: $-\vec{CG} + \vec{BG} - (\vec{EC} - \vec{AB}) - \vec{AM}$.

- 1) \vec{CE} 2) \vec{MB} 3) \vec{ME} 4) \vec{BC}

31. Упростите выражение: $\vec{NF} + \vec{FA} + (\vec{LK} - \vec{LA}) - \vec{MD} + \vec{KD}$.

- 1) \vec{AF} 2) \vec{NM} 3) \vec{MD} 4) \vec{ND}

32. Какой вектор нужно вычесть из выражения $\vec{AM} + \vec{DC} - \vec{DM} - \vec{DA} + \vec{CB}$, чтобы получился $\vec{0}$?

- 1) \vec{BD} 2) \vec{MB} 3) \vec{MD} 4) \vec{AC}

33. Какой вектор нужно вычесть из выражения $\vec{AB} + \vec{CD} - \vec{AC} + \vec{EC} - \vec{EB} + \vec{BC}$, чтобы получился $\vec{0}$?

- 1) \vec{BD} 2) $\vec{0}$ 3) \vec{BC} 4) \vec{CB}

34. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = \vec{p} + \vec{i}$, $\vec{p} = (-1; 3)$, $\vec{i} = (2; 2)$.

- 1) (5; 3) 2) (2; 4) 3) (2; 5) 4) (1; 5)

35. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = 4\vec{p} + \vec{i}$, $\vec{p} = (5; -2)$, $\vec{i} = (-7; 3)$.

- 1) (12; -5) 2) (13; -5) 3) (10; -2) 4) (11; -4)

36. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = \vec{p} - \vec{i}$, $\vec{p} = (-3; 4)$, $\vec{i} = (1; 2)$.

- 1) (-4; 2) 2) (0; 2) 3) (-3; 0) 4) (-4; 3)

37. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = 2\vec{p} - \vec{i}$, $\vec{p} = (3; 1)$, $\vec{i} = (2; -2)$.

- 1) (4; 2) 2) (3; 5) 3) (0; 6) 4) (4; 4)

38. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = 3\vec{i} - 2\vec{p}$, $\vec{i} = (3; -2)$, $\vec{p} = (-4; 1)$.

- 1) (10; -2) 2) (13; -8) 3) (17; -8) 4) (18; -6)

39. Найдите координаты вектора \vec{a} , если $\vec{a} = 5\vec{i} - 7\vec{p}$, $\vec{p} = (6; 8)$, $\vec{i} = (5; 4)$.

- 1) (-15; -30) 2) (-17; -36) 3) (-12; -38) 4) (-16; -32)